

السنة: الرابعة متوسط



مديرية التربية لولاية باتنة

السنة الدراسية: 2024/2023

متوسطة أولاد عمار - الجزائر-

المدة: ساعتان

الإختبار الثالث في مادة الرياضيات

الجزء الأول: (12 ن)

التمرين الأول: (03 ن)

ليكن العددين الحقيقيين A و B حيث : $A = 2\sqrt{12} - \sqrt{3}(\sqrt{3} + 2)$; $B = 4 - \sqrt{\frac{75}{243}} \div \frac{5}{9}$

(1) أكتب العدد A على الشكل $a\sqrt{3} + b$ حيث a و b عدنان نسيبان صحيحان.

(2) أحسب $PGCD(75; 243)$ ثم بين أن : $B = 3$.

(3) أثبت أن : $\frac{A^2}{\sqrt{B}} = 7\sqrt{3} - 12$

التمرين الثاني: (03 ن)

لتكن العبارة الجبرية E حيث :

$$E = (2x - 3)(3x + 8) - 2(2x - 3)$$

(1) أنشر وبسط العبارة E .

(2) حل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى .

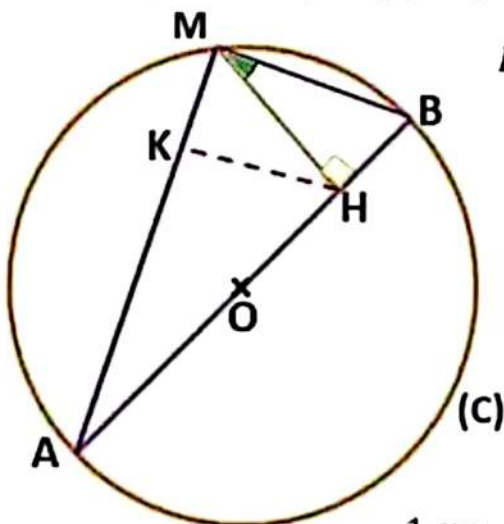
(3) حل المعادلة : $(2x - 3)(3x + 6) = 0$

(4) هل العدد 0 حل للمتراحة : $6x^2 + 3x - 18 < 6x^2$

➤ حل المتراحة السابقة ثم مثل مجموعة حلولها بيانيا .

التمرين الثالث: (3 نقاط) (وحدة الطول هي cm)

(c) دائرة مركزها O وقطرها $[AB]$ حيث : $AB = 7$ ، M نقطة من (c) حيث : $AM = 6$



H المسقط العمودي للنقطة M على $[AB]$ حيث : $MH = 3, 2$

(1) برهن أن المثلث ABM قائم في نقطة يطلب تعيينها .

(2) علما أن : $\tan \widehat{BMH} = \frac{5}{8}$ ، بين أن : $HB = 2$

❖ K نقطة من $[AM]$ حيث : $AK = \frac{30}{7}$

(3) برهن أن : $(KH) \parallel (MB)$.

التمرين الرابع: (3 نقاط)

المستوي مزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{OI}; \vec{OJ})$ ، وحدة الطول هي 1 cm

(1) علم النقط $A(3; 1)$; $B(2; -3)$; $C(-1; -2)$

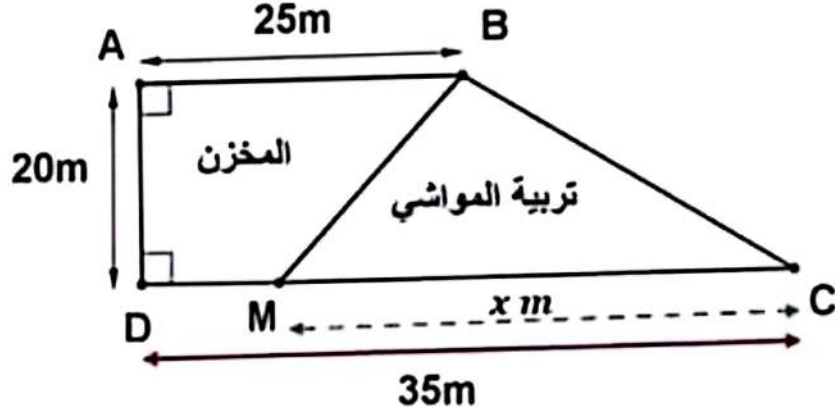
(2) أحسب مركبتي الشعاع \vec{BC} ثم إستنتج الطول BC .

(3) أحسب إحداثيتي النقطة D بحيث $\vec{AD} = \vec{BC}$ ثم إستنتج نوع الرباعي $ABCD$

الجزء الثاني: (08 نقاط)

الوضعية الإدماجية:

يملك العم عمر قطعة أرض إستغل جزءا منها في تربية المواشي ، أما الجزء الآخر خصصه كمخزن (لاحظ الشكل)



➤ لتكن $f(x)$ المساحة المخصصة لتربية المواشي و $g(x)$ المساحة المخصصة للمخزن .
حيث : $MC = x$.

1) بالإستعانة بتمثيل بياني بين متى تكون المساحة المخصصة لتربية المواشي أقل من المساحة المخصصة للمخزن .
(بأخذ كل 1cm على محور الفواصل يمثل 5 m وبأخذ كل 1cm على محور الترتيب تمثل $100 m^2$)

➤ قصد أحد الزبائن العم عمر من أجل شراء 5 رؤوس من الغنم فقرر العم تخفيض سعر الرأس الواحد من الغنم بنسبة 5% ، فدفع له الزبون مبلغ 237500 DA .
➤ باعتبار رؤوس الغنم متماثلة من حيث الثمن .
2) أوجد سعر الرأس الواحد من الغنم قبل التخفيض ؟

$$\text{الإرتفاع} \times \frac{(\text{القاعدة الكبرى} + \text{القاعدة الصغرى})}{2} = \text{مساحة شبه المنحرف}$$

العلامة الكلية	العلامة الجزاء	التصحيح النموذجي	التصحيح											
		<p>❖ ليكن العدنان الحقيقيان A و B حيث: $B = 4 - \sqrt{\frac{75}{243}} \div \frac{5}{9}$ و $A = 2\sqrt{12} - \sqrt{3}(\sqrt{3} + 2)$</p> <p>(1) كتابة العدد A على الشكل $a\sqrt{3} + b$ حيث a و b عدنان نسبيين صحيحان.</p> <p>$A = 2\sqrt{12} - \sqrt{3}(\sqrt{3} + 2)$</p> <p>0,5 $A = 2\sqrt{4 \times 3} - \sqrt{3}^2 - 2\sqrt{3}$</p> <p>0,25 $A = 4\sqrt{3} - 3 - 2\sqrt{3}$</p> <p>0,25 $A = 2\sqrt{3} - 3$</p>												
		<p>(2) حساب $PGCD(75; 243)$</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>العدنان</th> <th>الباقي</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>243</td> <td>75</td> <td>18</td> </tr> <tr> <td>75</td> <td>18</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>18</td> <td>3</td> <td>0</td> </tr> </tbody> </table> <p style="text-align: center;">Pgcd(243 ; 75) = 3</p> <p>❖ بيان أن : $B = 3$</p> <p>$B = 4 - \sqrt{\frac{75}{243}} \div \frac{5}{9}$</p> <p>0,25 $B = 4 - \sqrt{\frac{75 \div 3}{243 \div 3}} \times \frac{9}{5}$</p> <p>0,25 $B = 4 - \sqrt{\frac{25}{81}} \times \frac{9}{5}$</p> <p>0,25 $B = 4 - \frac{5}{9} \times \frac{9}{5}$</p> <p>0,25 $B = 4 - 1$</p> <p style="text-align: center;">ومنه $B = 3$</p>	العدنان	الباقي	243	75	18	75	18	3	18	3	0	
العدنان	الباقي													
243	75	18												
75	18	3												
18	3	0												
		<p>(3) إثبات أن : $\frac{A^2}{\sqrt{B}} = 7\sqrt{3} - 12$</p> <p>$\frac{A^2}{\sqrt{B}} = \frac{(2\sqrt{3}-3)^2}{\sqrt{3}}$</p> <p>0,25 $= \frac{(2\sqrt{3})^2 + 3^2 - 2 \times 2\sqrt{3} \times 3}{\sqrt{3}}$</p> <p>0,25 $= \frac{4 \times 3 + 9 - 12\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$</p> <p>0,25 $= \frac{12 + 9 - 12\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$</p> <p>0,25 $= \frac{(21 - 12\sqrt{3}) \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$</p> <p>0,25 $= \frac{21\sqrt{3} - 12\sqrt{3}^2}{\sqrt{3}^2}$</p> <p>$= \frac{21\sqrt{3} - 36}{3}$</p> <p style="text-align: center;">$\frac{A^2}{\sqrt{B}} = 7\sqrt{3} - 12$</p>												

03

التصحيح الأول

03 ن

0,25	$E = (2x - 3)(3x + 8) - 2(2x - 3)$ $E = (2x - 3)(3x + 8) - 2(2x - 3)$ $E = 6x^2 + 16x - 9x - 24 - 4x + 6$	لتكن العبارة الجبرية E حيث : (1) نشر وتبسيط العبارة E .
0,25	$E = 6x^2 + 3x - 18$	
0,5	$E = (2x - 3)(3x + 8) - 2(2x - 3)$ $E = (2x - 3)[(3x + 8) - 2]$	(2) تحليل العبارة E إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى.
0,25	$E = (2x - 3)(3x + 6)$	
0,25	$(2x - 3)(3x + 6) = 0$ $2x - 3 = 0$ $2x = 3$ $x = \frac{3}{2}$	(3) حل المعادلة : $3x + 6 = 0$ $3x = -6$ $x = \frac{-6}{3}$ $x = -2$
0,25		للمعادلة حلان هما -2 و $\frac{3}{2}$
0,25	$6x^2 + 3x - 18 < 6x^2$ $6x^2 + 3x - 18 = 6 \times 0^2 + 3 \times 0 - 18 = -18$ $6x^2 = 6 \times 0^2 = 0$	(4) هل العدد 0 حل للمراجعة : حل المعادلة حلان هما -2 و $\frac{3}{2}$
0,25	$6x^2 + 3x - 18 < 6x^2$ $6x^2 + 3x - 6x^2 < 18$ $3x < 18$ $x < \frac{18}{3}$ $x < 6$	ومنه: $-18 < 0$ إذا العدد 0 حل للمراجعة : حل المعادلة حلان هما -2 و $\frac{3}{2}$
0,25		حل للمراجعة : حل المعادلة حلان هما -2 و $\frac{3}{2}$
0,25		حل للمراجعة : حل المعادلة حلان هما -2 و $\frac{3}{2}$
0,5		حل للمراجعة : حل المعادلة حلان هما -2 و $\frac{3}{2}$



03 ن

0,25	(1) برهان أن المثلث ABM قائم في نقطة بطلب تعيينها. ✓ لدينا $[AB]$ ضلع للمثلث ABM وقطر للدائرة (C) ✓ ولدينا M نقطة من الدائرة (C) ومنه بحسب الخاصية العكسية للدائرة المحيطة بالمثلث القائم.	
0,25	فالمثلث ABM قائم في النقطة M	
0,25	(2) بيان أن : $HB = 2$ علما أن : $\tan \widehat{BMH} = \frac{5}{8}$ لدينا في المثلث BMH القائم في النقطة H	
0,25	$\tan \widehat{BMH} = \frac{HB}{HM}$ $\frac{5}{8} = \frac{HB}{3,2}$ $HB = \frac{3,2 \times 5}{8}$ ومنه $HB = 2$	

K نقطة من $[AM]$ حيث : $AK = \frac{30}{7}$

(3) برهان أن : $(KH) // (MB)$

0,25

• $\frac{AB}{AH} = \frac{7}{5} = 1,4$

..... (1)

0,25

• $\frac{AM}{AK} = \frac{6}{\frac{30}{7}} = \frac{6 \times 7}{30} = \frac{42}{30} = 1,4$ (2)

0,25

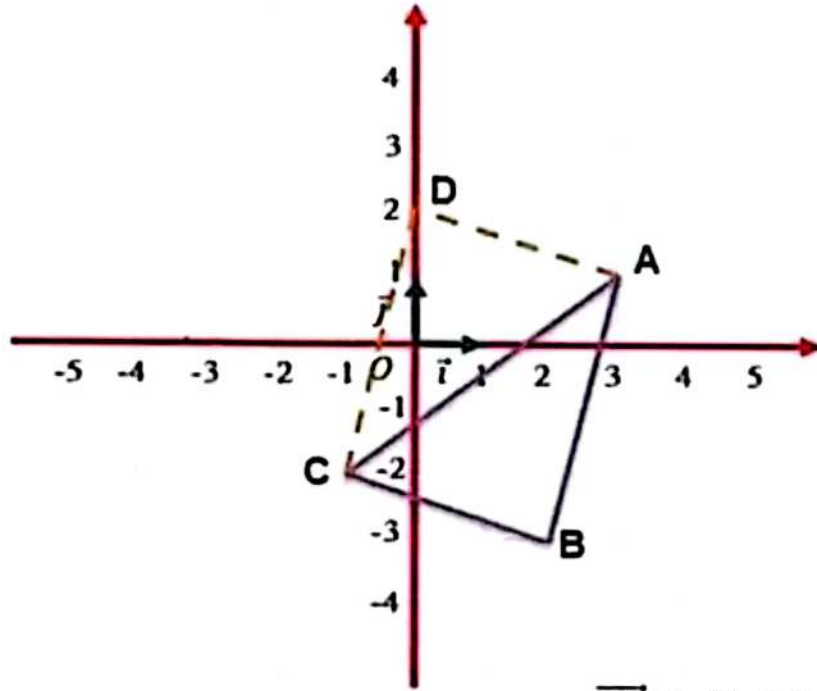
من (1) و(2) نجد أن $\frac{AB}{AH} = \frac{AM}{AK}$ والنقط A, B, H, A, K, M على استقامة وبنفس الترتيب

0,25

ومنه حسب خاصية طالس العكسية فإن : $(KH) // (MB)$

3×0,25

(1) تعليم النقط : $A(3; 1) B(2; -3) C(-1; -2)$



(2) حساب مركبتي الشعاع \overrightarrow{BC}

$\overrightarrow{BC} \begin{pmatrix} x_C - x_B \\ y_C - y_B \end{pmatrix} \quad \overrightarrow{BC} \begin{pmatrix} -1 - 2 \\ -2 - (-3) \end{pmatrix} \quad \overrightarrow{BC} \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \end{pmatrix}$

(3) إستنتاج الطول BC .

$BC = \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2}$

$BC = \sqrt{(-3)^2 + (1)^2}$

$BC = \sqrt{9 + 1}$

$BC = \sqrt{10}$

ومنه الطول BC هو $\sqrt{10} \text{ cm}$

(4) حساب إحداثيتي النقطة D بحيث $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$

$x_D - x_A = x_C - x_B$

$x_D - 3 = -1 - 2$

$x_D = -1 - 2 + 3$

$x_D = 0$

$y_D - y_A = y_C - y_B$

$y_D - 1 = -2 - (-3)$

$y_D = -2 + 3 + 1$

$y_D = 2$

ومنه إحداثيتي النقطة D هي : $D(0; 2)$

➤ إستنتاج نوع الرباعي $ABCD$.

○ لدينا $\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{BC}$ ومنه الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع.

0,25

إيجاد متى تكون المساحة المخصصة لتربية المواشي أقل من المساحة المخصصة للمخزن بيتانيا .

التعبير عن $f(x)$ و $g(x)$

$$f(x) = \frac{MC \times AD}{2} = \frac{20 \times x}{2} = 10x$$

$$f(x) = 10x$$

$$g(x) = \frac{(DM + AB)AD}{2} = \frac{(35 - x + 25)20}{2} = (60 - x)10$$

$$g(x) = 600 - 10x$$

التمثيل البياني لـ $f(x)$ و $g(x)$

$$f(x) = 10x$$

$$Y = 10x$$

$$Y_1 = 10x = 10 \times 0 = 0$$

$$Y_2 = 10x = 10 \times 50 = 500$$

$Y = 10x$		
x	0	50
Y	0	500

التمثيل البياني للدالة $f(x)$ هو المستقيم الذي يشمل

المبدأ والنقطة $(50 ; 500)$

$$g(x) = 600 - 10x$$

$$Y = 600 - 10x$$

$$Y_1 = 600 - 10 \times 0 = 600$$

$$Y_2 = 600 - 10 \times 50 = 100$$

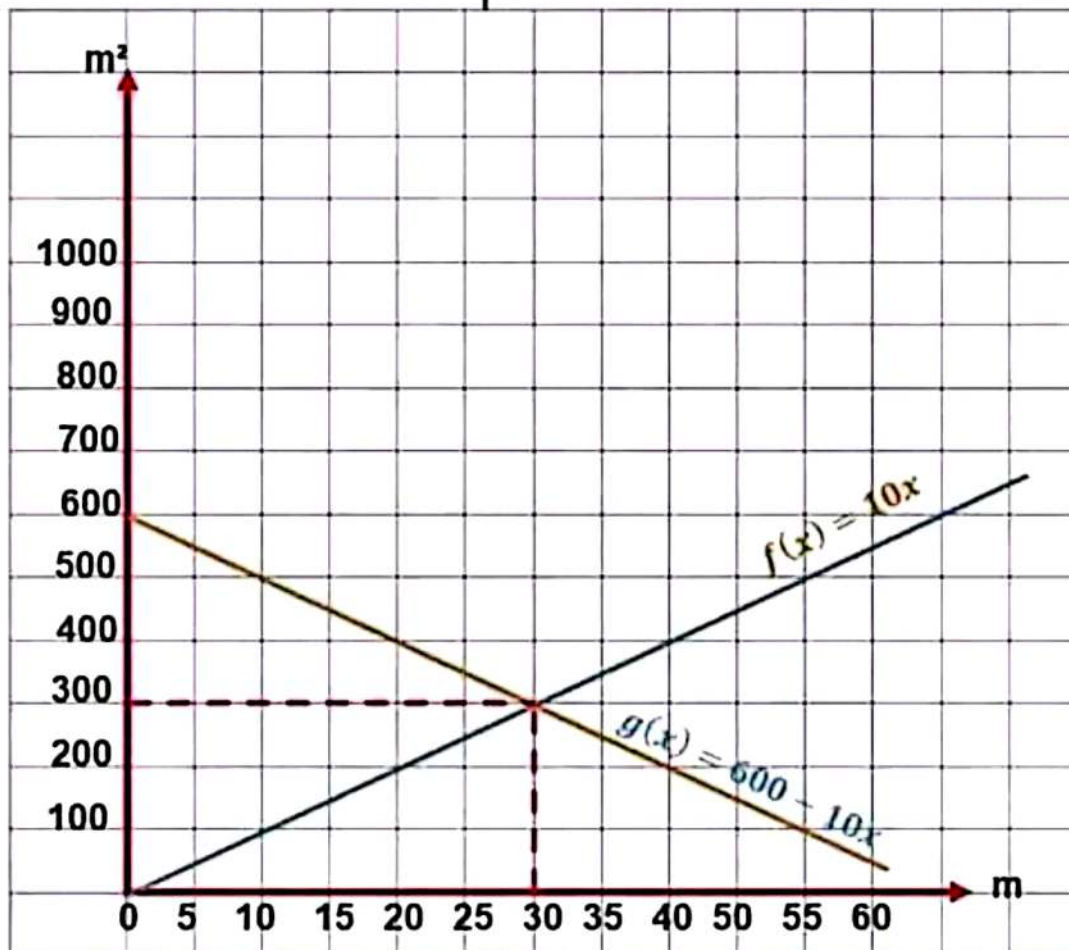
$Y = 600 - 10x$		
x	0	50
Y	600	100

التمثيل البياني للدالة $g(x)$ هو المستقيم الذي يشمل

النقطتين $(0 ; 600)$ و $(50 ; 100)$

الوضعية الإماجية

ن 08



الوضعية الإماجية

❖ من $0 < x < 30$

يكون التمثيل البياني للدالة $g(x)$ أعلى التمثيل البياني للدالة $f(x)$ ومنه مساحة المخزن أكبر من مساحة الجزء المخصص لتربية المواشي .

❖ من أجل $x = 30$

يتقاطع بيانا الدالتين $g(x)$ و $f(x)$ في النقطة (300 ; 30) فتصبح مساحة المخزن مساوية لمساحة الجزء المخصص لتربية المواشي .

❖ من أجل $30 < x < 35$

يكون التمثيل البياني للدالة $f(x)$ أعلى التمثيل البياني للدالة $g(x)$ وبالتالي مساحة الجزء المخصص لتربية المواشي أكبر من المساحة المخصصة للمخزن .

(2) إيجاد سعر الرأس الواحد من الغنم قبل التخفيض .

➤ حساب ثمن 5 رؤوس من الغنم قبل التخفيض .

$$Y = \left(1 - \frac{t}{100}\right)x$$

$$237500 = \left(1 - \frac{5}{100}\right)x$$

$$237500 = 0,95x$$

$$x = \frac{237500}{0,95}$$

$$x = 250000$$

➤ ثمن 5 رؤوس من الغنم قبل التخفيض هو 250000 DA

$$\text{➤ } \frac{250000}{5} = 50000$$

ومنه ثمن الرأس الواحد من الغنم قبل التخفيض هو : 50000 DA