

**التمرين الأول: 03 نقطة**

- (1) أحسب  $PGCD(155; 372)$   
 (2) أحسب العبارة الآتية ثم اكتب الناتج على شكل كسر غير قابل الاختزال

$$M = \frac{-3}{8} + \frac{5}{6} - \frac{155}{372}$$

$$F = 3\sqrt{80} - 4\sqrt{20} + \sqrt{125} \quad (3)$$

أكتب  $F$  على شكل  $a\sqrt{5}$

**التمرين الثاني: 03 نقطة**

$$B = (3x + 2)(2x - 4)$$

(1) أنشر ثم بسط العبارة  $B$

$$D = (5x - 1)(2x - 4) - (6x^2 - 8x - 8) \quad (2)$$

حل  $D$  الى جداء عاملين من الدرجة الأولى

(3) حل المعادلة  $B = 0$

**التمرين الثالث: 03 نقطة**

- (1) عين النقطتين  $A(2; -3)$  ;  $B(-4; 1)$  في معلم متعامد و متجانس  
 (2) أحسب القيمة المضبوطة للطول  $[BC]$   
 (3) أحسب إحداثيتي  $M$  منتصف  $[AB]$  ثم عينها في الشكل  
 (4) أنشئ النقطة  $C$  صورة  $A$  بالدوران الذي مركزه  $M$  و زاويته  $60^\circ$  في الاتجاه الموجب  
 (5) بين أن المثلث  $ABC$  قائم في  $C$ . استنتج الطول  $MC$

**التمرين الرابع: 03 نقطة**

- (1)  $EFG$  مثلث بحيث:  $EF = 5; 4 \text{ cm}$  ;  $EG = 7,2 \text{ cm}$  ;  $FG = 9 \text{ cm}$   
 بين أن  $EFG$  مثلث قائم في  $E$

$$(2) \text{ M نقطة من } [EF] \text{ بحيث } EM = \frac{2}{3} EF$$

أحسب الطول  $EM$

(3) المستقيم الذي يشمل  $M$  و يوازي  $[FG]$  يقطع  $[EG]$  في  $N$

أحسب  $EN$

(4) أحسب مساحة المثلث  $EMN$

**الوضعية الإدماجية: 08 نقطة**

- يقترح نادي للانترنت على زبائنه ثلاثة صيغ للاستفادة من خدماته  
 الصيغة  $A$ : دفع 50 دينار لكل ساعة تواصل  
 الصيغة  $B$ : دفع مبلغ 1000 دينار يسمح للزبون من الاستفادة من خدمات الانترنت بدون حدود مدة شهر  
 الصيغة  $C$ : يدفع الزبون اشتراك شهري قيمته 100 دينار يضاف له 80% من ثمن الساعة الواحدة  
 (1) أنقل الجدول وأكمه

عدد ساعات الاتصال في الشهر	5 ساعات	ساعة 15	20 ساعة
المبلغ المدفوع بالصيغة A			
المبلغ المدفوع بالصيغة B			
المبلغ المدفوع بالصيغة C			

- استنتج من الجدول أفضل صيغة في كل حالة  
 (2)  $x$  هو عدد ساعات الاتصال.  $y_1$  هو المبلغ المدفوع بالصيغة A ;  $y_2$  هو المبلغ المدفوع بالصيغة B و  $y_3$  هو المبلغ المدفوع بالصيغة C  
 عبر بدلالة  $x$  عن كل من  $y_1$  ;  $y_2$  ;  $y_3$   
 (3) مثل الدوال  $f$  ;  $g$  ;  $h$  في معلم متعامد حيث:  
 $f(x) = 50x$  ;  $g(x) = 40x + 100$  ;  $h(x) = 1000$   
 نأخذ على محور الفواصل 1 cm لكل ساعتين و على محور الترتيب نأخذ 1 cm لكل 100 دينار

(4) حل الجملة 
$$\begin{cases} y = 50x \\ y = 40x + 100 \end{cases}$$
 ثم اعط تفسيراً لها

التمرين الأول:

$PGCD(155 ; 372) = 31$  (1)

$M = \frac{-9}{24} + \frac{20}{24} - \frac{10}{24}$  و منه  $M = \frac{-3}{8} + \frac{5}{6} - \frac{5}{12}$  و منه  $M = \frac{-3}{8} + \frac{5}{6} - \frac{155}{372}$  (2)  
أي  $M = \frac{1}{24}$

$F = 12\sqrt{5} - 8\sqrt{5} + 5\sqrt{5}$  و منه  $F = 3\sqrt{80} - 4\sqrt{20} + \sqrt{125}$  (3)  
أي  $F = 9\sqrt{5}$

التمرين الثاني:

$B = 6x^2 - 8x - 8$  و منه:  $B = (3x + 2)(2x - 4)$  (1)

$D = (5x - 1)(2x - 4) - (6x^2 - 8x - 8)$  و منه (2)

$D = (5x - 1)(2x - 4) - (3x + 2)(2x - 4)$  و منه

أي  $D = (2x - 4)[(5x - 1) - (3x + 2)]$

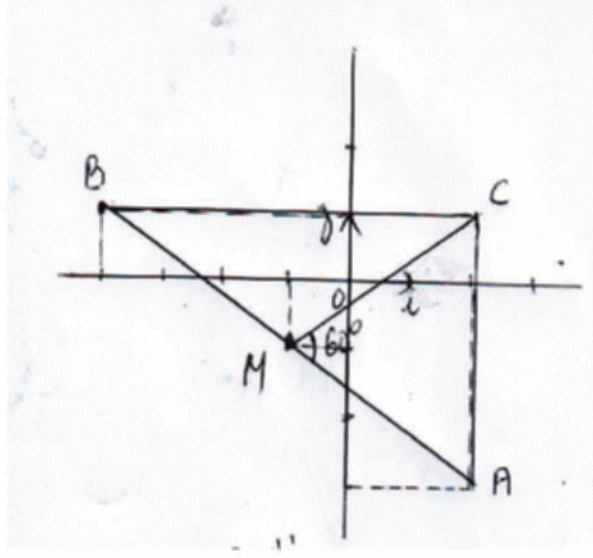
$D = (2x - 4)(2x - 3)$

$B = 0$  معناه أن  $(3x + 2)(2x - 4) = 0$  و منه

$3x + 2 = 0$  أو  $2x - 4 = 0$  أي  $x = \frac{-2}{3}$  أو  $x = 2$

للمعادلة حلان هما:  $\frac{-2}{3}$  و 2

التمرين الثالث:



$AB = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$  و منه (2)

$AB = \sqrt{(-4 - 2)^2 + (1 + 3)^2}$

و منه  $AB = \sqrt{52}$  أي  $AB = 2\sqrt{13}$

$M\left(\frac{x_B + x_A}{2}; \frac{y_B + y_A}{2}\right)$  (3)

و منه  $M\left(\frac{-4+2}{2}; \frac{1-3}{2}\right)$  أي  $M(-1; -1)$

(5) لدينا M منتصف [AB] و منه MA=MB و صورة A بالدوران الذي مركزه M فيكون MA=MC

نستنتج أن  $MC = \frac{1}{2}AB$  و بما أن (CM) متوسط متعلق بالضلع [AB] فإن ABC مثلث قائم في C حسب الخاصية

$MC = \sqrt{13}$  أي  $MC = \frac{2\sqrt{13}}{2}$

التمرين الرابع:

$EG^2 + EF^2 = 7,2^2 + 5,4^2 = 81$  و  $FG^2 = 9^2 = 81$  (1)

نستنتج أن  $FG^2 = EG^2 + EF^2$

و منه المثلث EFG قائم في E

حسب النظرية العكسية لنظرية فيثاغورث

$EM = \frac{2}{3} \times 5,4$  و منه  $EM = \frac{2}{3}EF$  (2)

أي  $EM = 3,6 \text{ cm}$

(3) لدينا (MN) يوازي (FG) و منه  $\frac{EM}{EF} = \frac{EN}{EG}$

حسب نظرية طالس و منه

$\frac{3,6}{5,4} = \frac{EN}{7,2}$  فيكون  $EN = \frac{3,6 \times 7,2}{5,4}$  أي  $EN = 4,8 \text{ cm}$

(4)  $S = \frac{EM \times EN}{2}$  و منه  $S = \frac{3,6 \times 4,8}{2}$  أي  $S = 8,64 \text{ cm}^2$

مساحة المثلث EMN هي  $8,64 \text{ cm}^2$

الوضعية الإدماجية:

(1)

عدد ساعات الاتصال في الشهر	20 ساعة	15 ساعة	5 ساعات	المبلغ المدفوع بالصيغة A
المبلغ المدفوع بالصيغة B	1000	750	250	1000
المبلغ المدفوع بالصيغة C	900	700	300	

بالنسبة إلى 5h الصيغة A هي الأفضل ; بالنسبة إلى 15 ساعة الصيغة B هي الأفضل و بالنسبة إلى 20 ساعة الصيغة الثالثة هي الأفضل

$y_1 = 50x$  ;  $y_2 = 1000$  ;  $y_3 = 40x + 100$  (2)

(3) تعيين النقاط لتمثيل الدوال:

x	0	20
$g(x)$	100	900

x	0	20
$f(x)$	0	1000

معناه أن  $50x = 40x + 100$  و منه  $10x = 100$  أي  $x = 10$

نعوض x بقيمته في المعادلة الأولى فنجد  $y = 50 \times 10$  أي  $y = 500$

حل الجملة (10, 500) يمثل عدد الساعات التي يدفع فيها الإنسان نفس المبلغ في التسعيرتين والمبلغ المدفوع حينئذ 500دج.

