

سلمت يوم الثلاثاء 2014-10-07	متوسطة : خليفي التهامي عبد الرشيد
تعداد يوم : الأحد 2014-10-12	الوظيفة المنزلية (01) للثلاثي الأول
القسم : 4م3+2+1	مادة: الرياضيات

الجزء الأول (8ن):

التمرين الأول (3نقط) :

أكتب على أبسط شكل ممكن ما يلي :

$$A = \frac{3}{2} - \frac{1}{5} \times \frac{20}{7}, \quad B = \left(\frac{3}{9} - \frac{6}{48} \right) : \frac{15}{12}, \quad C = \frac{25 \times 10^2 \times 169}{13 \times 500 \times 65}$$

التمرين الثاني (3نقط) :

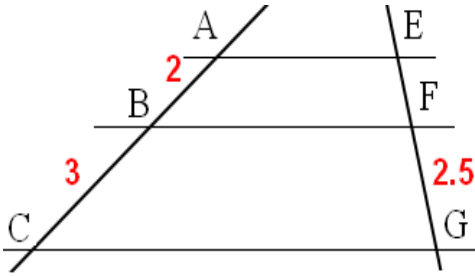
1. بين أن الكسر $\frac{264}{768}$ قابل للإختزال ؟
2. أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 264 و 768 ؟
3. أكتب الكسر $\frac{264}{768}$ على شكل كسر غير قابل للإختزال ؟

التمرين الثالث (نقطتان) :

1. عين القاسم المشترك الأكبر للعددين 102 و 119 ؟
2. تحقق أن العددين : $\frac{119}{d}, \frac{102}{d}$ أوليين فيما بينهما ؟

الجزء الثاني (12ن)

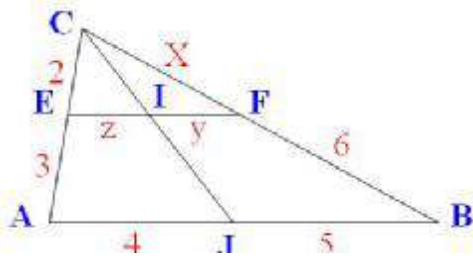
التمرين الأول (3نقط) :



- في الشكل الموالي لدينا : $AB = 2cm; BC = 3cm; EF = 2.5cm$.
 والمستقيمت (AE); (BF), (CG) متوازية,
 أرسم المستقيم الذي يشمل النقطة E ويوازي المستقيم (AC).
 هذا المستقيم يقطع (BF) في I و (CG) في J
 1. أذكر متوازيات أضلاع الموجودة في الشكل؟
 2. أثبت أن : $\frac{AB}{AC} = \frac{EF}{EG}$ ؟
 3. أحسب EF ؟

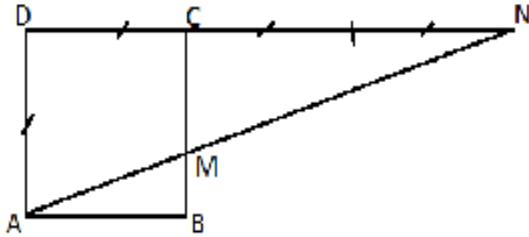
التمرين الثاني (3نقط) :

- في الشكل المقابل القطعتان (AB) // (EF).
 الوحدة هي نصف سنتيمتر.
 • أحسب كلا من : x, y, z ؟



التمرين الثالث (5نقط) :

- إليك الشكل التالي ، حيث ABCD مربع طول ضلعه 4 cm
 (1) احسب الأطوال : AN ; NM ; CM ; MB ; AM ؟



تنبيه : - اقرأ السؤال 3 مرات على الأقل - لا تنسى فهم السؤال نصف الجواب - لا تترك سوالا دون جواب.
تقديم الورقة : - اكتب بخط مقروء - تجنب التشطيب - الأشكال الهندسية دقيقة ونظيفة
 (+1 منهجية التحرير + نظافة الورقة)

الإجابة النموذجية وسلم التنقيط:

أعطيت يوم الثلاثاء 2014-10-07، أستلمت يوم الأحد 2014-10-12 صححت يوم الأربعاء 2014-10-15

العلامة		عناصر الإجابة	محاورة الموضوع
المجموع	جزء:		
		<u>الجزء الأول</u>	
		تيسيط الكتابة:	التمرين الأول
3	1	$A = \frac{3}{2} - \frac{1}{5} \times \frac{20}{7} = \frac{3}{2} - \frac{1 \times 4}{1 \times 7} = \frac{3}{2} - \frac{4}{7} = \frac{21-8}{14} = \frac{13}{14}$	
	1	$B = \left(\frac{3}{9} - \frac{6}{48} \right) : \frac{15}{12} = \left(\frac{3:3}{9:3} - \frac{6:6}{48:6} \right) : \frac{15}{12} = \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{8} \right) : \frac{15}{12} = \left(\frac{8-3}{24} \right) : \frac{15}{12} = \frac{5}{24} \times \frac{12}{15} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$	
	1	$C = \frac{25 \times 10^2 \times 169}{13 \times 500 \times 65} = \frac{25 \times 10^2 \times 13 \times 13}{13 \times 2 \times 25 \times 10 \times 65} = \frac{13 \times 10}{2 \times 65} = \frac{130}{130} = 1$	
		1. نبين أن الكسر $\frac{264}{768}$ قابل للإختزال : العدد 264 يقبل القسمة على 2 العدد 768 يقبل القسمة على 2 إذن : العددان 264 و 768 يقبلان قاسماً مشتركاً يختلف عن 1 وبالتالي العددان 264 و 768 ليس أوليين فيما بينهما.	التمرين الثاني
	0.25	إذن : الكسر $\frac{264}{768}$ قابل للإختزال.	
	0.25	2. حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 264 و 768. (نستعمل خوارزمية إقليدس) لدينا : $768 = 264 \times 2 + 240$ $264 = 240 \times 1 + 24$ $24 = 24 \times 10 + 0$	
3	0.5	إذن : القاسم المشترك الأكبر للعددين 264 و 768 هو 24. أي $PGCD(264, 768) = 24$	
	0.5	3. إختزال الكسر $\frac{264}{768}$ لدينا : $264 = 24 \times 11$ و $768 = 24 \times 32$	
	0.5	إذن : $\frac{264}{768} = \frac{24 \times 11}{24 \times 32} = \frac{11}{32}$ وبالتالي : $\frac{11}{32}$ الكسر غير قابل للإختزال والذي يساوي : $\frac{264}{768}$ هو : $\frac{11}{32}$ أي $\frac{264}{768} = \frac{11}{32}$	
		1. تعيين القاسم المشترك الأكبر للعددين 102 و 119. نستعمل خوارزمية إقليدس لدينا : $119 = 102 \times 1 + 17$ $102 = 17 \times 6 + 0$ ينتج أن القاسم المشترك الأكبر للعددين 102 و 119 هو 17. إذن $PGCD(102, 119) = 17$	التمرين الثالث
2	0.5	2. حساب العددين $\frac{102}{d}$ و $\frac{119}{d}$ لدينا : $\frac{102}{d} = \frac{102}{17} = 6$ و $\frac{119}{d} = \frac{119}{17} = 7$	
	0.5	1 : هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 7 و 6. وبالتالي : العددان $\frac{102}{d}$ و $\frac{119}{d}$ أوليان فيما بينهما.	
	0.5		

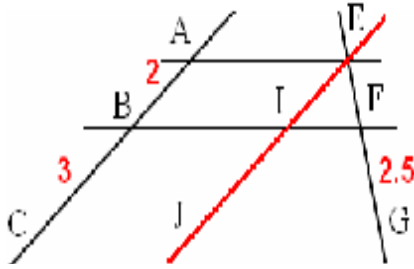
المجموع

جزء:

الجزء الثاني

التمرين الأول

0.25×4



1. الرباعيات AEIB و BIJC و AEJC هي متوازيات أضلاع.
2. EIF و EIJ مثلثات في وضعية طالس.
لدينا:

$$\left. \begin{array}{l} (BF) \parallel (CG) \\ I \in (BF) \\ J \in (CG) \end{array} \right\} \Rightarrow (IF) \parallel (JG)$$

بتطبيق نظرية طالس نجد: $\frac{EI}{EJ} = \frac{EF}{EG}$ (1).....

ولدينا في متوازي الأضلاع AEIB : $AB = EI$ (2)
وكذلك في متوازي الأضلاع BIJC : $BC = IJ$ (3)

من (1) و(2) و(3) نجد $\frac{AB}{AC} = \frac{EF}{EG}$

3. حساب EF:

لدينا: $AC = AB + BC = 2 + 3 = 5cm$ إذن $AC = AB + BC$

0.25

$$\frac{AB}{AC} = \frac{EF}{EG} \Rightarrow \frac{2}{5} = \frac{EF}{EF + FG} \Rightarrow \frac{2}{5} = \frac{EF}{EF + 2.5} \Rightarrow 5EF = 2(EF + 2.5) \Rightarrow 5EF = 2EF + 5$$

0.25

$$3EF = 5 \Rightarrow EF = \frac{5}{3} \Rightarrow EF \approx 1.6cm$$

لدينا: $(AB) \parallel (EF)$

• حساب z:

المثلثان ECI و CAJ في وضعية طالس (وحدة الطول هي: 0.5cm)

$$\frac{CE}{CA} = \frac{CI}{CJ} = \frac{EI}{AJ} \Rightarrow \frac{2}{5} = \frac{CI}{CJ} = \frac{z}{4}$$

$$z = \frac{4 \times 2}{5} \Rightarrow z = \frac{8}{5} \Rightarrow z = 1.6 \Rightarrow z = 0.8cm$$

• حساب y

المثلثان ECI و CAJ في وضعية طالس إذن: $\frac{CI}{CJ} = \frac{CF}{CB} = \frac{IF}{JB}$

$$\frac{CE}{CA} = \frac{CI}{CJ} = \frac{2}{5}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{x}{x+6} = \frac{y}{5}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{y}{5}$$

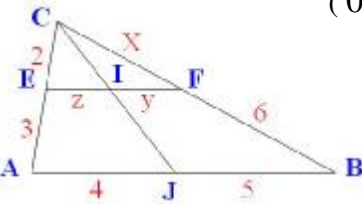
$$y = 2 \quad \text{أي} \quad y = 1cm$$

• حساب x:

نحل المعادلة

$$\frac{2}{5} = \frac{x}{x+6} \Rightarrow 2(x+6) = 5x \Rightarrow 2x+12 = 5x \Rightarrow 12 = 3x \Rightarrow x = 4 \Rightarrow x = 2cm$$

0.5



0.5

0.5

0.5

3

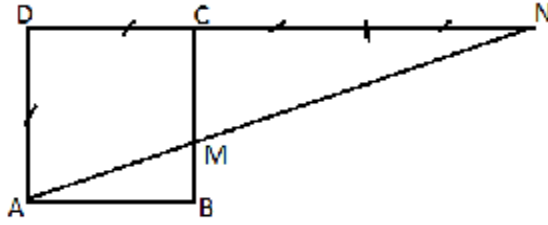
1

التمرين الثاني

• احساب الأطوال : AN ; NM ; CM ; MB ; AM

حيث ABCD مربع طول ضلعه 4 cm

لدينا : $ND = 12cm, NC = 8cm, AD = 4cm$



0.5×2

1. حساب AN :

بتطبيق نظرية فيثاغورس :

$$AN^2 = AD^2 + DN^2$$

بالتعويض نجد :

$$AN^2 = 4^2 + 12^2 \Rightarrow AN^2 = 160$$

$$AN = \sqrt{160} \approx 12.64cm$$

2. حساب NM :

ABCD مربع ($\hat{D} = 90^\circ$)

معناه $(AD) \parallel (BC)$

بتطبيق نظرية طالس نجد : $\frac{NC}{ND} = \frac{NM}{NA} = \frac{CM}{DA}$

$$\frac{8}{12} = \frac{NM}{12.64} = \frac{CM}{4} \quad \text{بالتعويض نجد :}$$

0.5×2

$$\frac{8}{12} = \frac{NM}{12.64} \Rightarrow NM = \frac{8 \times 12.64}{12} = 8.43 \Rightarrow NM = 8.43cm$$

3. حساب CM :

$$\frac{NC}{ND} = \frac{CM}{DA}$$

بالتعويض نجد :

0.5×2

$$\frac{8}{12} = \frac{CM}{4} \Rightarrow CM = \frac{4 \times 8}{12} = \frac{32}{12} = 2.66 \Rightarrow CM \approx 2.66cm$$

4. حساب MB :

$$\left. \begin{array}{l} (NC) \perp (BC) \\ (AB) \perp (BC) \end{array} \right\} \Rightarrow (NC) \parallel (AB)$$

بتطبيق نظرية طالس نجد : $\frac{MB}{MC} = \frac{MA}{MN} = \frac{AB}{NC}$

$$\frac{MB}{12.66} = \frac{MA}{8.43} = \frac{4}{8} \quad \text{بالتعويض نجد :}$$

0.5×2

$$\frac{MB}{2.66} = \frac{4}{8} \Rightarrow MB = \frac{2.66 \times 4}{8} = 1.33 \Rightarrow MB \approx 1.33cm$$

5. حساب AM :

$$AM = AN - MN = 12.64 - 8.43 = 4.21 \Rightarrow AM \approx 4.21cm$$

0.5×2